

Automatizácia - vývojový smer v technike, ktorý zavádza do výrobného procesu a iných oblastí činnosti človeka, stroje a zariadenia umožňujúce (automatické) riadenie i samočinné (automatické) vykonávanie týchto činností bez priamej účasti človeka

Riadenie - cieľavedomá činnosť spojená s reguláciou výstupných veličín (poloha, rýchlosť, teplota, tlak, prietok, koncentrácia) na konštantnú alebo na premenlivú hodnotu referenčnej premennej

Riadenie v otvorenej slučke - je realizované podľa vopred definovaného vzťahu medzi riadiacim zásahom a výstupnou veličinou bez znalosti výstupnej veličiny

- výhody:
 - jednoduchosť
 - nízke náklady na realizáciu riadenia
- nevýhody:
 - malá presnosť
 - citlivosť na vonkajšie podnety
 - neschopnosť riadenia nestabilných procesov
 - pomalá odozva na riadiaci signál

Riadenie v uzavretej slučke (spätnoväzobné riadenie) - je založené na monitorovaní a snímaní výstupu a jeho porovnávaní s referenčným signálom. Rozdiel medzi referenčným signálom a zodpovedajúcim výstupom predstavuje chybu - regulačnú odchýlku, na základe ktorej sa generuje riadiaci zásah. V teórii automatickej regulácie sa riadiaci systém nazýva regulátor, riadený systém nazývame regulovaným systémom (objektom, procesom)

Presnosť riadenia - presnosť riadenia v uzavretej slučke závisí na:

- Presnosti zariadení snímajúcich a monitorujúcich výstup
- Presnosti zariadenia porovnávajúceho skutočný výstup s referenčným signálom
- Citlivosti a rýchlosti riadiaceho systému spracúvajúceho regulačnú odchýlku

Systém - množina prvkov a usporiadaná množina väzieb medzi nimi, ktoré spolu určujú samotnú funkciu systému.

Systém s rozloženými parametrami - ide o systém, ktorý nemožno opísať konečným počtom stavových veličín

Systém so sústredenými parametrami - ide o systém, ktorý je možné opísať konečným počtom stavových veličín.

Mechanický systém - systém, ktorého stav dokážeme opísať pomocou veličín z mechaniky (hmotnosť, rýchlosť, zrýchlenie, poloha a. p.)

SISO systém (single input single output system) - systém s jedným vstupom a s jedným výstupom

MIMO systém (multi input multi output system) - systém z viacerými vstupmi a výstupmi

Elektromechanický systém - kompaktný systém tvorený súčasne z elektrických i mechanických funkčných súčastí (pr. elektromotor), stav systému sa dá vyjadriť iba súčasným použitím elektrických a mechanických veličín.

Elektrický systém - systém, ktorého stav dokážeme opísať pomocou elektrických veličín (napätie, prúd, odpor, kapacita, indukčnosť a. p.)

Prvok systému - časť systému, ktorej vnútorná štruktúra nás nezaujíma, ale poznáme transformačné vzťahy jej vstupných veličín na výstupné

Stav systému - je určený okamžitými hodnotami stavových veličín

Vstupy - do systému sú tie premenné, ktoré priamo ovplyvňujú pochody v procese a ktorými môžeme proces priamo riadiť.

Výstupy zo systému - sú také premenné v procese, ktoré môžeme priamo merať a ktorých chovanie je výsledkom pôsobenia riadiacich vstupov a porúch

Poruchy - vstupy do procesu, ktoré ovplyvňujú pochody v procese, ale nemôžeme pomocou nich proces priamo riadiť

Vnútorné premenné - sú také premenné, ktoré reprezentujú chovanie sa procesu vo vnútri systému – iný názov stavové premenné (sú sumarizáciou vplyvov všetkých vstupov)

Prevodová charakteristika - prevodová charakteristika hovorí o tom aká je veľkosť výstupu pri nejakej hodnote vstupu do systému. Prevodová charakteristika hovorí len o ustálených stavoch.

Impulzová charakteristika - je priebeh výstupnej veličiny systému ak na jeho vstup privedieme Diracov impulz, t. j. impulzová charakteristika je odozva systému na Diracov impulz $\delta(t)$

Lineárny systém - systém, ktorého prevodová charakteristika je lineárna (systém, ktorého zosilnenie sa nemení)

Nelineárny systém - systém, ktorého prevodová charakteristika je nelineárna (systém, ktorého zosilnenie sa mení v závislosti od stavu systému)

Prenos systému - je definovaný vzťahom:

$$S(s) = \frac{B(s)}{A(s)} = \frac{b_m s^m + b_{m-1} s^{m-1} + \dots + b_1 s + b_0}{s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_1 s + a_0}$$

Prenos systému môžeme získať z lineárnej diferenciálnej rovnice opisujúcej tento systém pomocou Laplaceovej transformácie (pri nulových počiatkových podmienkach). Pri reálnych systémoch je stupeň polynómu čitateľa menší ako stupeň polynómu menovateľa.

$$\begin{aligned} \frac{d^n y}{dt^n} + a_{n-1} \frac{d^{n-1} y}{dt^{n-1}} + \dots + a_1 \frac{dy}{dt} + a_0 y &= \dots \\ \dots &= b_m \frac{d^m u}{dt^m} + b_{m-1} \frac{d^{m-1} u}{dt^{m-1}} + \dots + b_1 \frac{du}{dt} + b_0 u \end{aligned}$$

Póly systému - korene polynómu menovateľa $A(s)$ prenosovej funkcie

Nuly systému - korene polynómu čitateľa $B(s)$ prenosovej funkcie

Signály - veličiny rôznej fyzikálnej podstaty využívané na prenos informácie

Rozdelenie signálov - signály môžeme rozdeliť nasledovne

- deterministické
 - prechodné
 - kvázidiperiodické
 - periodické
- náhodné (stochastické)
 - stacionárne
 - nestacionárne

Deterministické signály - dajú sa popísať matematickou funkciou tak, že vieme určiť ich hodnotu v ktoromkoľvek časovom okamihu

- periodické - dajú sa popísať periodickou funkciou, pre ktorú platí:

$$f(t) = f(t + T)$$

kde T je doba periódy signálu. Dajú sa rozložiť do Fourierového radu a majú diskrétné spektrum

- kváziperiodické - sú zložené z niekoľkých periodických signálov, ktoré majú nesúdeliteľné frekvencie
- prechodné - trvajú obmedzenú alebo teoreticky neobmedzenú dobu, ale neopakujú sa periodicky. Ich spektrum je spojité.

Stochastické (náhodné) signály - signály, ktoré sa dajú popísať len pomocou štatistiky

- stacionárne - takto označujeme signály, ktorých štatistiky sa nemenia
- nestacionárne - signály, ktorých štatistiky sa menia s časom

(štatistiky = napr. stredná hodnota, disperzia, a. p.)

Proporcionálny regulátor (P regulátor) - Výstupný signál z P regulátora je úmerný okamžitej hodnote vstupného signálu, pričom vstupom je regulačná odchýlka. Matematický opis:

- v časovej oblasti: $u(t) = P e(t)$
kde
 - $u(t)$ je akčný zásah
 - $e(t)$ je regulačná odchýlka
 - P je zosilnenie regulátora
- prenos regulátora v s -oblasti: $G_r(s) = P$

Integrátor (I regulátor) - Koeficient K_I sa nazýva zosilnenie I regulátora a jeho prevrátená hodnota $T_I = \frac{1}{K_I}$ je integračná časová konštanta (integračný koef.) Matematický opis:

- v časovej oblasti:

$$u(t) = K_I \int e(t) dt$$

kde

- $u(t)$ je akčný zásah
 - $e(t)$ je regulačná odchýlka
 - K_I je zosilnenie I regulátora
- prenos regulátora v s -oblasti:

$$G_r(s) = K_I \frac{1}{s} = \frac{I}{s} = \frac{1}{T_I s}$$

PI regulátor - Výstupný signál z PI regulátora obsahuje dve zložky. Prvá je priamo úmerná okamžitej hodnote vstupného signálu, kým druhá zložka je závislá na integrále vstupného signálu. Koeficient P sa nazýva zosilnenie regulátora (často vyjadrené ako prevrátená hodnota pásma proporcionality) a T_I je integračná časová konštanta. Matematický opis:

- v časovej oblasti:

$$u(t) = P e(t) + K_I \int e(t) dt$$

kde

- $u(t)$ je akčný zásah
- $e(t)$ je regulačná odchýlka
- P je zosilnenie proporcionálnej zložky regulátora
- K_I je zosilnenie integračnej zložky regulátora

- prenos regulátora v s-oblasti:

$$G_r(s) = P + \frac{K_I}{s} = P \left(1 + \frac{1}{T_I s} \right)$$

čiže:

$$K_I = \frac{P}{T_I}$$

Ideálny PD regulátor - Výstupný signál z PD regulátora je priamo úmerný tak okamžitej hodnote, ako aj derivácii vstupného signálu. Koeficient P sa nazýva zosilnenie regulátora (často vyjadrené ako prevrátená hodnota pásma proporcionality) a T_D je derivačná časová konštanta. Matematický opis regulátora:

- v časovej oblasti:

$$u(t) = P e(t) + K_D \frac{de(t)}{dt} = P \left(e(t) + T_D \frac{de(t)}{dt} \right)$$

kde

- $u(t)$ je akčný zásah
- $e(t)$ je regulačná odchýlka
- P je zosilnenie proporcionálnej zložky regulátora
- K_D je zosilnenie derivačnej zložky regulátora
- T_D derivačná časová konštanta

- prenos regulátora v s-oblasti:

$$G_r(s) = P + K_D s = P(1 + T_D s)$$

čiže:

$$K_D = P T_D$$

Prenos ideálneho PID regulátora - Výstupný signál z PID regulátora je priamo úmerný okamžitej hodnote vstupného signálu, derivácii a integrálu vstupného signálu. Matematický opis regulátora:

- v časovej oblasti:

$$u(t) = P e(t) + K_I \int e(t) dt + K_D \frac{de(t)}{dt} = \dots$$

$$\dots = P \left(e(t) + \frac{1}{T_I} \int e(t) dt + T_D \frac{de(t)}{dt} \right)$$

kde

- $u(t)$ je akčný zásah
- $e(t)$ je regulačná odchýlka
- P je zosilnenie proporcionálnej zložky regulátora
- K_I je zosilnenie integračnej zložky regulátora
- T_I integračná časová konštanta
- K_D je zosilnenie derivačnej zložky regulátora
- T_D derivačná časová konštanta

- prenos regulátora v s-oblasti:

$$G_r(s) = P + \frac{K_I}{s} + K_D s = P \left(1 + \frac{1}{T_I s} + T_D s \right)$$

čiže:

$$K_D = P T_D \quad \text{a} \quad K_I = \frac{P}{T_I}$$

Prenos PID regulátora s aproximatívnuou derivačnou zložkou - Výstupný signál z PID regulátora je priamo úmerný okamžitej hodnote vstupného signálu, derivácii a integrálu vstupného signálu. Derivačná zložka je rozšírená o filter. Je to z dôvodu nerealizovateľnosti derivačnej zložky v reálnych systémoch, tak aby sme sa priblížili realite pridali sme k derivačnej zložke menovateľ. Ak je koeficient v čitateli niekoľkonásobne väčší ako v menovateli, prenos má derivačný charakter. Prenos takéhoto regulátora v s-oblasti:

$$G_r(s) = P + \frac{K_I}{s} + \frac{K_D s}{T_f s + 1} = P \left(1 + \frac{1}{T_I s} + \frac{T_D s}{T_f s + 1} \right)$$

kde

- P je zosilnenie proporcionálnej zložky regulátora
- K_I je zosilnenie integračnej zložky regulátora
- T_I integračná časová konštanta
- K_D je zosilnenie derivačnej zložky regulátora
- T_D derivačná časová konštanta
- T_f je časová konštanta filtra. Túto volíme podľa vzťahu:

$$T_f = \frac{T_D}{N}, \quad N = 5 \dots 10$$

Metódy výpočtu koeficientov spojitých regulátorov -

- experimentálne metódy - sú založené na priamom nastavovaní koeficientov regulátora v napojení na reálny proces
- metódy graficko analytické v časovej oblasti
- metódy graficko analytické vo frekvenčnej oblasti
- metódy založené na znalosti matematických modelov
- numerické metódy - sú založené na výpočte optimálnych koeficientov regulátorov minimalizáciou funkcionálov (zostavených z regulačnej odchýlky a jej derivácií, resp. regulovanej veličiny a jej derivácií, riadiaceho zásahu a derivácie riadiaceho zásahu a pod.)

$$\min_{P, T_I, T_D} \{e, \Delta e, \Delta^2 e, \dots, u, \Delta u, \Delta^2 u, \dots, \Delta y, \Delta^2 y, \dots\}$$

Návrh regulátorov na základe vyhodnotenia prechodových charakteristík - Na základe vyhodnotenia prechodových charakteristík dokážeme určiť:

- štruktúru modelu a koeficienty modelu pre nekmitavé, kmitavé a lineárne rastúce procesy (stabilné procesy)
- koeficienty regulátora (na základe identifikácie parametrov)

Identifikácia - analytická, experimentálna a vyhodnocovacia činnosť zameraná na stanovenie modelu skúmaného systému

Ziegler - Nicholsonova metóda návrhu regulátora z prechodovej charakteristiky - Požiadavka: modifikácia podľa Smitha a Corripia - tak aby pomer dvoch po sebe idúcich amplitúd regulovanej veličiny bol menší ako jedna štvrtina t.j

$$\frac{a_2}{a_1} \leq 0.25$$

Tvar regulátora $G_r(s) = P \left(1 + \frac{1}{T_I s} + T_D s \right)$	Zosilnenie regulátora P	Integračná časová konštanta T_I	Derivačná časová konštanta T_D
Typ P	$\frac{1}{K_p} \frac{\tau}{\alpha}$	—	—
Typ PI	$\frac{0.8}{K_p} \frac{\tau}{\alpha}$	3α	—
Typ PD	$\frac{1.2}{K_p} \frac{\tau}{\alpha}$	—	0.25α
Typ PID	$\frac{1.2}{K_p} \frac{\tau}{\alpha}$	2α	2α

Cohen - Coon metóda návrhu regulátorov z prechodovej charakteristiky - Cohen - Coon pravidlá pre výpočet parametrov regulátora sú určitou modifikáciou metód Z-N metódy. Podmienka použitia:

$$\frac{a_2}{a_1} \leq 0.25$$

Tvar regulátora $G_r(s) = P \left(1 + \frac{1}{T_{IS}} + T_{DS}s \right)$	Zosilnenie regulátora P	Integračná časová konštanta T_I	Derivačná časová konštanta T_D
Typ P	$\frac{1}{K_p} \frac{\tau}{\alpha} \left[1 + \frac{1}{3} \frac{\alpha}{\tau} \right]$	—	—
Typ PI	$\frac{1}{K_p} \frac{\tau}{\alpha} \left[0.9 + \frac{1}{12} \frac{\alpha}{\tau} \right]$	$\alpha \left[\frac{30 + 3 \frac{\alpha}{\tau}}{9 + 20 \frac{\alpha}{\tau}} \right]$	—
Typ PD	$\frac{1}{K_p} \frac{\tau}{\alpha} \left[\frac{5}{4} + \frac{1}{6} \frac{\alpha}{\tau} \right]$	—	$\alpha \left[\frac{6 - 2 \frac{\alpha}{\tau}}{22 + 3 \frac{\alpha}{\tau}} \right]$
Typ PID	$\frac{1}{K_p} \frac{\tau}{\alpha} \left[\frac{4}{3} + \frac{1}{4} \frac{\alpha}{\tau} \right]$	$\alpha \left[\frac{32 + 6 \frac{\alpha}{\tau}}{13 + 8 \frac{\alpha}{\tau}} \right]$	$\alpha \left[\frac{4}{11 + 2 \frac{\alpha}{\tau}} \right]$

Návrh koeficientov PID regulátora na základe minimalizácie ITAE - Kritérium kvality regulácie ITAE: kritérium časom váhovanej absolútnej regulačnej plochy. Vypočítame z prechodovej charakteristiky pomocou vzťahu:

$$I_{TAE} = \int_0^{\infty} t^m |e(t) - e(\infty)| \quad \text{kde } m \text{ je váha kritéria}$$

Podmienka metódy: $0.1 < \frac{\alpha}{\tau} < 1.0$

Tvar regulátora $G_r(s) = P \left(1 + \frac{1}{T_I s} + T_D s \right)$	Zosilnenie regulátora P	Integračná časová konštanta T_I	Derivačná časová konštanta T_D
Typ P (komp. poruchy)	$\frac{0.49}{K_p} \left[\frac{\tau}{\alpha} \right]^{1.084}$	—	—
Typ PI (sled. žiad. hodnoty)	$\frac{0.586}{K_p} \left[\frac{\tau}{\alpha} \right]^{0.916}$	$\frac{\alpha}{1.03 - 0.165 \left(\frac{\tau}{\alpha} \right)}$	—
Typ PI (komp. poruchy)	$\frac{0.859}{K_p} \left[\frac{\tau}{\alpha} \right]^{0.977}$	$\frac{\alpha}{0.674 \left(\frac{\tau}{\alpha} \right)^{0.600}}$	—
Typ PID (sled. žiad. hodnoty)	$\frac{0.965}{K_p} \left[\frac{\tau}{\alpha} \right]^{0.855}$	$\frac{\alpha}{0.796 - 0.147 \left(\frac{\tau}{\alpha} \right)}$	$0.308 \tau \left(\frac{\tau}{\alpha} \right)^{0.929}$
Typ PID (komp. poruchy)	$\frac{1.357}{K_p} \left[\frac{\tau}{\alpha} \right]^{0.947}$	$\frac{1.357}{K_p} \left[\frac{\tau}{\alpha} \right]^{0.734}$	$0.381 \tau \left(\frac{\tau}{\alpha} \right)^{0.995}$

Robustné metódy nastavenia PID regulátora metódou IMC - Základom IMC (Internal model control) metódy, navrhnutej Riverom a Morrarim je, že na základe nameranej prechodovej charakteristiky, určíme charakteristické veličiny (dobu prieťahu α , dobu nábehu τ). Potom voľbou koeficienta IMC filtra λ vnútime uzavretému obvodu správanie sa procesu prvého rádu s dopravným oneskorením. Čím je λ väčšie, tým bude uzavretý regulačný obvod rýchlejší. Vzťahy na výpočet koeficientov regulátorov sú úvedené v tabuľke:

Prenos regulátora $G_r(s)$ $P \left(1 + \frac{1}{T_{IS}} + T_{DS} s \right)$	Zosilnenie regulátora P	Integračná časová konštanta T_I	Derivačná časová konštanta T_D	Koeficient IMC filtra λ pre $\lambda > 0.2 \tau$
Typ PI	$\frac{\tau}{\lambda K_p}$	τ	—	$\frac{\lambda}{\alpha} > 1.7$
Typ PI	$\frac{2\tau + \alpha}{2\lambda K_p}$	$\tau + \frac{\alpha}{2}$	—	$\frac{\lambda}{\alpha} > 1.7$
Typ PID	$\frac{2\tau + \alpha}{2(\lambda + \alpha) K_p}$	$\tau + \frac{\alpha}{2}$	$\frac{\tau\alpha}{2\tau + \alpha}$	$\frac{\lambda}{\alpha} > 0.25$

Naslinova metóda návrhu PID regulátora - Výpočet koeficientov regulátora sa realizuje na základe vybranej hodnoty koeficienta preregulovania a tlmenia uzavretého regulačného obvodu. Metóda je vhodná pre aperiodické procesy vyšších rádov

Princíp metódy

- Vychádza z prakticky zisteného vzťahu vyjadrujúceho závislosť koeficientov charakteristického polynómu od hodnoty tlmenia resp. preregulovania uzavretého regulačného obvodu (URO).
- Ak regulovaný proces je vyjadrený prenosovou funkciou v tvare $G_P(s) = \frac{B(s)}{A(s)}$ a spojitý regulátor v tvare $G_R(s) = \frac{Q(s)}{P(s)}$ potom prenosová funkcia URO (uzavretého regulačného obvodu) pre SISO (single input single output) regulačný obvod je tvare:

$$G_{y/w} = \frac{G_R(s) G_P(s)}{1 + G_R(s) G_P(s)}$$

- Charakteristická rovnica uzavretého regulačného obvodu je v tvare:

$$A(s)P(s) + B(s)Q(s) = C(s) = c_0 + c_1s + c_2s^2 + \dots + c_r s^r$$

Rovnice regulátora:

$$G_R(s) = r_0 + \frac{r_1}{s} + r_2s = \frac{Q(s)}{P(s)} \text{ ie } Q(s) = r_2s^2 + r_0s + r_1 \quad P(s) = s$$

teda:

$$r_0 = P \quad r_1 = \frac{P}{T_I} \quad r_2 = P T_D$$

Nasledujúca tabuľka znázorňuje vzťah medzi preregulovaním $\eta[\%]$ a koeficientami tlmenia uzavretého regulačného obvodu

Koeficient tlmenia α	1.7	1.75	1.8	1.9	2	2.2	2.4
Preregulovanie $\eta[\%]$	20	16	12	8	5	3	1

Medzi koeficientami charakteristického polynómu a preregulovaním resp. tlmením v URO platí táto závislosť

$$c_i^2 \leq \alpha c_{i-1} c_{i+1}$$

kde α je koeficient tlmenia odpovedajúci hodnote preregulovania $\eta[\%]$ pre $i = 1, 2, \dots, r - 1$. Porovnaním ľavej a pravej strany pri rovnakých mocninách s pre $i = 1, 2, \dots, r - 1$ získame systém algebraických rovníc, z ktorých vypočítame neznáme koeficienty regulátora.

Metóda návrhu koeficientov PID regulátora pomocou časových konštánt - Určenie koeficientov spojitého regulátora je možné realizovať z prenosovej funkcie modelu riadeného procesu:

$$G_p(s) = K \frac{\prod_{i=1}^m (1 + T_{bi}s)}{\prod_{j=1}^n (1 + T_{aj}s)} e^{-Ds}$$

Z časových konštánt prenosu $G_p(s)$ vypočítame sumačnú časovú konštantu:

$$T_s = \sum_{j=1}^n T_{aj} - \sum_{i=1}^m T_{bi} + D$$

Potom môžeme počítat koeficienty regulátorov podľa tabuľky:

—	Prenos regulátora $G_r(s)$ $P \left(1 + \frac{1}{T_I s} + T_D s \right)$	Zosilnenie regulátora P	Integračná časová konštantá T_I	Derivačná časová konštantá T_D
Normálny PID	Typ P	$\frac{1}{K}$	—	—
	Typ PD	$\frac{1}{K}$	—	$0.33 T_s$
	Typ PI	$\frac{0.5}{K}$	$0.5 T_s$	—
	Typ PID	$\frac{1}{K}$	$0.66 T_s$	$0.1667 T_s$
Rýchly PID	Typ PI	$\frac{1}{K}$	$0.7 T_s$	—
	Typ PID	$\frac{2}{K}$	$0.8 T_s$	$0.194 T_s$

Metóda návrhu PID reg. založená na tvaroch Butterworthovho pol. - Metóda výpočtu spojitého regulátora sa vyznačuje tým, že sa porovnáva charakteristický polynóm uzavretého obvodu s referenčnými štandardnými tvarmi Butterworthových polynómov. Porovnaním polynómov na ľavej a pravej strane pri rovnakých stupňoch „s“ sa získavajú lineárne rovnice. Riešením týchto rovníc určíme neznáme koeficienty regulátora. V tabuľke sú uvedené štandardné Butterworthove polynómy:

Rád referenčného polynómu	Referenčný polynóm	—
1	$1 + q$	$q = \frac{s}{\omega_0}$
2	$1 + 1.4q + q^2$	
3	$1 + 2q + 2q^2 + q^3$	
4	$1 + 2.61q + 3.41q^2 + 2.61q^3 + q^4$	

Metóda návrhu PID reg. založená na tvaroch Graham-Lathropa - Metóda výpočtu spojitého regulátora sa vyznačuje tým, že sa porovnáva charakteristický polynóm uzavretého obvodu s referenčnými štandardnými tvarmi polynómov. Porovnaním polynómov na ľavej a pravej strane pri rovnakých stupňoch „s“ sa získavajú lineárne rovnice, ktorých riešením určíme neznáme koeficienty PID regulátora. V tabuľke sú uvedené štandardné polynómy Graham-Lathropa:

Rád referenčného polynómu	Referenčný polynóm	—
1	$1 + q$	$q = \frac{s}{\omega_0}$
2	$1 + 1.41q + q^2$	
3	$1 + 2.15q + 1.75q^2 + q^3$	
4	$1 + 2.7q + 3.4q^2 + 2.1q^3 + q^4$	

Experimentálna Ziegler-Nicholsova metóda návrhu PID regulátora - Je založená na analytickom alebo experimentálnom určovaní kritického zosilnenia (vo frekvenčnej oblasti, alebo pomocou ideálneho relé zapojeného do obvodu).

Princíp:

1. Zapojením ideálneho relé do regulačného obvodu dôjde k rozkmitaniu uzavretého obvodu a z priebehu kmitov je možné určiť kritickú hodnotu zosilnenia K_{KR} a kritickú periódu kmitov T_{KR} .
2. Po výpočte koeficientov regulátorov sa relé odpojí a nastaví sa koeficienty spojitého alebo diskrétno regulátora. Riadiaci zásah pri zapojení s relé nadobúda iba dve hodnoty $\pm M$ a má teda odľzníkový priebeh pričom výstupná veličina y kmitá s periodickým sínusovým priebehom.
3. Na základe známych závislosti a ekvivalentného prenosu ideálneho relé môžeme určiť kritické zosilnenie a kritickú periódu kmitov. Kritické zosilnenie je potom určené vzťahom : $K_{KR} = \frac{4 M}{e_{\max}}$, kde e_{\max} je maximálna hodnota regulačnej odchýlky a M je hodnota výstupu z relé.

Metódu Zieglera-Nicholsa môžeme priamo kombinovať s graficko-analytickým postupom priamo v Matlabe. Zistíme najprv kritickú frekvenciu a kritické zosilnenie pomocou príkazov bode (logaritmickej frekv. charakteristiky) a margin (kritická hodnota zosilnenia a kritická hodnota frekvencie). Zo získaných hodnôt určíme koeficienty regulátora podľa nasledujúcej tabuľky:

Tvar regulátora $G_r(s) = P \left(1 + \frac{1}{T_I s} + T_D s \right)$	Zosilnenie regulátora P	Integračná časová konštanta T_I	Derivačná časová konštanta T_D
Typ P	$0.5 K_{KR}$	—	—
Typ PI	$0.45 K_{KR}$	$0.85 T_{KR}$	—
Typ PID	$0.6 K_{KR}$	$0.5 T_{KR}$	$0.12 T_{KR}$

Metóda optimálneho modulu pri návrhu PID regulátora - Metóda sa vyznačuje jednoduchosťou výpočtu koeficientov regulátora, ktorý zaručuje dobrú kvalitu regulácie aj pre systémy s veľkým dopravným oneskorením. Metóda vychádza zo splnenia podmienky pre modul uzavretého regulačného obvodu:

$$\text{mod}(G_{y/w}(s)) = \left| \frac{G_o(j\omega)}{1 + G_o(j\omega)} \right| = 1$$

uvedený modul bude rovný jednej vtedy, ak reálna zložka otvoreného obvodu:

$$\text{Re}\{G_o(j\omega)\} = -\frac{1}{2}$$

Pre praktické úlohy môžeme koeficienty spojitého regulátora vypočítať z prenosovej funkcie v tvare:

$$G_p(s) = \frac{K}{1 + a_1s + a_2s^2 + \dots + a_ns^n}$$

na základe maticového vzťahu pre optimálny modul

$$A x = b \quad \begin{bmatrix} a_1 & -1 & 0 \\ a_3 & -a_2 & a_1 \\ a_5 & -a_4 & a_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_0 \\ r_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2a_2 - a_1^2 \\ a_2^2 - 2a_1a_3 + 2a_4 \end{bmatrix}$$

$$r_0 = P \quad r_1 = \frac{P}{T_I} \quad r_2 = P T_D$$

Koeficienty jednotlivých spojitých typov regulátorov (P, PI, PD, PID) môžeme získať priamo z uvedeného maticového vyjadrenia vynechaním potrebných riadkov a stĺpcov (napr. PI regulátor sa získa vynechaním tretieho riadku matice A a vektora b a posledného stĺpca matice A

$$A x = b \quad \begin{bmatrix} a_1 & -1 \\ a_3 & -a_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2a_2 - a_1^2 \end{bmatrix} \quad r_0 = P \quad r_1 = \frac{P}{T_I}$$

Ak je prenosová funkcia riadeného procesu v tvare

$$G_p(s) = K \frac{\prod_{j=1}^m (1 + \tau_j s)}{\prod_{i=1}^n (1 + T_i s)} e^{-Ds}$$

potom túto prenosovú funkciu môžeme prepočítať na formu v tvare zosilnenia (čitateľ) a polynóm (menovateľ) podľa nasledujúcich vzťahov (Newtonove rovnice):

$$\sum_{i=0}^{n-1} (-1)^{n-i} a_i p_{n-i} + n a_n \quad \text{kde} \quad p_k = \sum_{i=1}^n T_i^k - \sum_{j=1}^m \tau_j^k + D \delta_{1k}$$

$$\begin{aligned} a_0 &= 1 \\ a_1 &= p_1 \\ a_2 &= \frac{p_1^2 - p_2}{2} \\ a_3 &= \frac{p_1^3 - 3p_1p_2 + 2p_3}{6} \\ a_4 &= \frac{p_1^4 - 6p_1^2p_2 + 8p_1p_3 + 3p_2^2 + 6p_4}{24} \\ a_5 &= \frac{p_1^5 - 10p_1^3p_2 + 20p_1^2p_3 + 15p_1p_2^2 - 30p_1p_4 - 20p_2p_3 + 24p_5}{120} \end{aligned}$$